

نوین گام

مرجع آموزش ابتدایی، دبیرستان و کنکور

کنکور

دبیرستان

ابتدایی

3

2

1



ما نوی این مسیر هواتون رو داریم

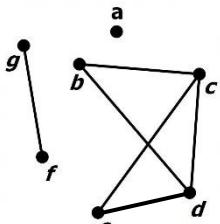
چجوری ؟! اینجوری



| | | | |
|---|------------------------------|-------------------|--|
| رشنده: ریاضی - فیزیک | نام و نام خانوادگی: | تعداد صفحه: ۲ | سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | ساعت شروع: ۱۰ صبح | تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳ |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir | | | |

سوالات پاسخ نامه دارد.
(استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)

| ردیف | نمره | سوالات |
|----------------------------|---|--------|
| ۱ | درستی یا نادرستی گزاره های زیر را مشخص کنید: الف) اگر x یک عدد گنگ باشد، $\frac{1}{x}$ نیز عددی گنگ است. ب) اگر $a c$ و $a b$ آنگاه $a b+c$ یا $a b$. پ) برای مقادیر حقیقی و نا صفر a و b به شرط آنکه $a+b \neq 0$ تساوی $\frac{1}{a+b} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ برقرار است. ت) دو مربع لاتین متعامد از مرتبه ۶ وجود ندارد. | ۱ |
| ۲ | در جاهای خالی عبارت های مناسب بنویسید. الف) حاصل $([m^{\circ}, m], m^{\circ})$ برابر با است. ب) اگر برای دو عدد صحیح و نا صفر a و b داشته باشیم $(a, b) = 1$ ، می گوییم a و b هستند. پ) یک مجموعه احاطه گر را که با حذف هر یک از راس هایش دیگر احاطه گر نباشد، احاطه گر می نامیم. ت) تعداد یال های گراف K_7 برابر است. | ۲ |
| ۳ | گزاره زیر را به روش بازگشته (گزاره های همارز) ثابت کنید: « $y^r + 1 \geq -2x(y+x+1)$ » برای هر دو عدد حقیقی x و y داریم: | ۳ |
| ۴ | اگر $a \neq 0$ عددی صحیح و دو عدد $(5m+4)$ و $(5m+5)$ بر a بخشیدن باشند ثابت کنید $a = \pm 1$. | ۴ |
| ۵ | اگر a و b عددی صحیح و فرد باشد و در این صورت باقیمانده تقسیم عدد $(a^3 + b^3 + 5)$ بر $a+b$ برابر باشد. | ۵ |
| ۶ | باقي مانده تقسیم عدد $!^{2000} + \dots + 2! + 3! + 4! + \dots + 5!$ بر 15 برابر 15 بدست آورید. (! نماد فاکتوریل می باشد) | ۶ |
| ۷ | معادله همنهشتی $4x^6 \equiv 10$ را در صورت امکان حل کرده و مجموعه جواب آن به دست آورید. | ۷ |
| ۸ | در هر مورد، عبارت صحیح را از داخل پرانتز انتخاب کنید. الف) تعداد رئوس یک گراف را (اندازه ، مرتبه) می نامیم. ب) گرافی را همبند می نامیم که بین هر دو رأس آن یک (مسیر ، یال) وجود داشته باشد. پ) اگر G یک گراف n رأسی باشد، مقدار $q(G) = q(\bar{G}) + q(G)$ برابر با $(1 - \frac{n(n-1)}{2})$ است. ت) گراف C_n تنها یک (دور ، مسیر) n رأسی دارد. | ۸ |
| ۹ | گراف G (شکل مقابل) را در نظر بگیرید: الف) $\Delta(G)$ و $\delta(G)$ را مشخص کنید. ب) دوری به طول ۴ بنویسید. پ) دو مسیر به طول ۳ با شروع از راس b بنویسید. ت) $(f)_N$ را با اعضا مشخص کنید. | ۹ |
| «ادامه سؤالات در صفحه دوم» | | |



| | | | |
|--|------------------------------|-------------------|--|
| رشه: ریاضی - فیزیک | نام و نام خانوادگی: | تعداد صفحه: ۲ | سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گستره |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | ساعت شروع: ۱۰ صبح | تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳ |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir | | | |

سوالات پاسخ نامه دارد.
(استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)

| ردیف | نمره | سوالات |
|------|------|---|
| ۱۰ | ۱ | عدد احاطه گری را برای گراف زیر مشخص و ادعای خود را ثابت کنید. |
| ۱۱ | ۱ | یک گراف ۲-منتظم ۱۲ راسی بکشید که عدد احاطه گری آن کمترین مقدار ممکن را داشته باشد. |
| ۱۲ | ۱ | می خواهیم ۸ نفر را که دو به دو برادر یکدیگرند در دو طرف طول یک میز مستطیل شکل بنشانیم . اگر بخواهیم هر نفر روی روی برادرش بنشینند ، این کار را به چند روش می توان انجام داد؟ |
| ۱۳ | ۱/۷۵ | به چند روش می توان از بین ۵ نوع گل ۱۶ شاخه گل انتخاب کرد به طوریکه ، از گل نوع سوم فقط ۳ شاخه واژ گل نوع چهارم دست کم سه شاخه و از گل نوع پنجم بیش از چهار شاخه انتخاب کنیم؟ |
| ۱۴ | ۱/۲۵ | قرار است سه مدرس $T_۱, T_۲, T_۳$ در سه جلسه متوالی در سه کلاس $C_۱, C_۲, C_۳$ به گونه ای تدریس کنند که هر مدرس در هر کلاس دقیقاً یک جلسه تدریس کند. برای این منظور، با استفاده از مربع لاتین، برنامه ریزی کنید. |
| ۱۵ | ۱/۵ | چند عضو از مجموعه $S = \{n \in \mathbb{N} \mid 1 \leq n \leq 63^{\circ}\}$ نه بر ۳ و نه بر ۵ بخشیدنند؟ |
| ۱۶ | ۱/۲۵ | هفت نقطه درون مستطیلی به ابعاد ۴ و ۶ انتخاب می کنیم، ثابت کنید حداقل دو نقطه وجود دارد که فاصله آنها کمتر از $\sqrt{8}$ است. |
| | ۲۰ | جمع نمره " موفق باشید " |

| | | | |
|--|-------------------|-------------------|---|
| راهنماي تصحیح امتحان نهايی درس: ریاضیات گسته | رشته: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۱۰ صبح | مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه |
| پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | | | تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳ |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۱ | | | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir |

| ردیف | راهنماي تصحیح | نمره |
|-------------------|--|------|
| ۱ | الف) درست (۰/۲۵) (صفحه) ب) نادرست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) | ۱ |
| ۲ | الف) m^r (۰/۲۵) ب) نسب به هم اول (۰/۲۵) (ص ۱۳) پ) مینیمال (۰/۲۵) (ص ۴۶) ت) ۲۱ (۰/۲۵) | ۱ |
| ۳ | $y^r + 1 \geq -2x(y+x+1) \Leftrightarrow x^r + y^r + 2xy + x^r + 2x + 1 \geq 0$ $\Leftrightarrow (x+1)^r + (x+y)^r \geq 0$ (۰/۲۵) \Rightarrow این رابطه بازگشتی همواره بدیهی است (۰/۲۵) (ص ۷۸) | ۱ |
| ۴ | $a 6(5m+4)$ (۰/۵) $\rightarrow a 5(6m+5) - 6(5m+4)$ (۰/۲۵) $\rightarrow a 1$ (۰/۲۵) $\rightarrow a = \pm 1$ (۰/۲۵) (ص ۱۱) | ۱/۲۵ |
| ۵ | می دانیم مربع هر عددفرد، به صورت $1 + 8k$ می باشد (۰/۲۵) پس داریم $\begin{cases} a^r = 8k + 1 \\ b^r = 8k' + 1 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\rightarrow a^r + b^r + 5 = 8k + 1 + 8k' + 1 + 5$ (۰/۲۵) $\rightarrow a^r + b^r + 5 = 8k'' + 7 \rightarrow r = 7$ (۰/۲۵) | ۱ |
| ۶ | میدانیم $1! + 2! + 3! + \dots + n! = 6^{\frac{1}{n}}$ و ... (۰/۲۵) پس داریم $1! + 2! + 3! + 4! + 5! + \dots + 20! \equiv \underbrace{1 + 2 + 6 + 24}_{(1)} + \underbrace{0 + 0 + \dots + 0}_{(0/25)} \equiv 3$ (۰/۲۵) | ۱/۵ |
| ۷ | چون (۱۲,۸) معادله جواب دارد (۰/۲۵) | ۱ |
| ۸ | الف) مرتبه (۰/۵) ب) مسیر (۰/۵) | ۲ |
| ۹ | الف) $\delta(G) = 3$ (۰/۵) $\Delta(G) = 0$ ، $\Delta(G) = 3$ (۰/۲۵) دو مورد هر کدام (۰/۲۵) ت) $N_G(f) = \{g\}$ (۰/۲۵) پ) $bced$ یا $bdec$ یا $bcde$ (۰/۲۵) | ۱/۵ |
| ۱۰ | روش اول می دانیم $\gamma(G) \leq \frac{6}{5}$ بنابراین (۰/۲۵) $\left \frac{n}{\Delta+1} \right \leq \gamma(G)$ پس داریم (۰/۲۵) به $\{a,d\}$ داریم (۰/۲۵) $\gamma(G) = 2$ (۰/۲۵) و لذا $\gamma(G) \leq 2$ (۰/۲۵) | ۱ |
| | روش دیگر: این گراف با مجموعه دو عضوی $\{a,d\}$ احاطه می شود. پس عدد احاطه گری این گراف کوچکتر یا مساوی ۲ است یعنی $\gamma(G) \leq 2$. اما اگر $\gamma(G) = 1$ یعنی گراف یک رأس دارد که تمام رئوس را احاطه می کند یعنی رأس از درجه ۵ باید در گراف وجود داشته باشد که چنین رأسی وجود ندارد. و لذا $\gamma(G) > 1$ (۰/۲۵) بنابراین $\gamma(G) = 2$ (۰/۲۵). $\gamma(G) \leq 2$ (۰/۲۵) و لذا $\gamma(G) \leq 2$ (۰/۲۵) | |
| «ادامه در صفحه ۲» | | |

| | | | |
|--|-------------------|-------------------|---|
| راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته | رشته: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۱۰ صبح | مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه |
| پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | | | تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳ |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۱ | | | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش http://aee.medu.gov.ir |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---|------|
| ۱۱ | رسم شکل با مشخص کردن نقاط احاطه گری آن (نمره) (ص ۵۳) (به شکل های دیگر نیز نمره داده شود). مانند: | ۱ |
| ۱۲ | (۰/۷۵) $۴ \times ۲^۴ = ۳۸۴ (۰/۲۵)$ (ص ۷۱) | ۱ |
| ۱۳ | $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ + x_۵ = ۱۶$ $x_۳ = ۳$ $x_۴ \geq ۳$, $x_۵ \geq ۵ (۰/۵) \xrightarrow{x_۱=x_۲=x_۴+x_۳, x_۵=y_۵+۵}$ $x_۱ + x_۲ + ۳ + y_۴ + ۳ + y_۵ + ۵ = ۱۶ (۰/۲۵)$ $x_۱ + x_۲ + y_۴ + y_۵ = ۵$ $x_i \geq ۰$, $y_۵ \geq ۰ (۰/۲۵) \rightarrow$ $\binom{۵+۴-۱}{۴-۱} = ۵۶ (۰/۷۵)$ (ص ۷۱) | ۱/۷۵ |
| ۱۴ | فرض کنیم هر سطر نشان دهنده هر کلاس و اعداد ۱، ۲ و ۳ در مربع لاتین نمایانگر مدرس‌های حاضر در کلاس باشند. (۰/۲۵) طبق مربع لاتین ۳×۳ زیر هر مدرس در هر جلسه در یک کلاس حاضر می‌شود و در هر کلاس دقیقاً یک جلسه تدریس دارد. (۰/۲۵) (ص ۶۲) | ۱/۲۵ |
| ۱۵ | $ A \cup B = s - A \cap B = s - A - B + A \cap B (۰/۲۵)$ $ s = ۶۳ (۰/۲۵)$, $ A = ۲۱ (۰/۲۵)$, $ B = ۱۲ (۰/۲۵)$, $ A \cap B = ۴ (۰/۲۵)$ (ص ۸۳) $\Rightarrow A \cup B = ۳۳ (۰/۲۵)$ | ۱/۵ |
| ۱۶ | ابتدا مستطیل مورد نظر را به ضلع ۶ مربع به ضلع ۲ تقسیم می‌کنیم و هوقسمت را یک لانه فرض می‌کنیم و هفت نقطه را هفت کبوتر در نظر می‌گیریم (۰/۲۵) طبق اصل لانه کبوتری دست کم یک لانه وجود دارد که شامل دو کبوتر است (۰/۲۵) با توجه به قضیه فیثاغورس داریم: $AB^۲ = AC^۲ + BC^۲ \rightarrow AB^۲ < ۲^۲ + ۲^۲ (۰/۲۵) \Rightarrow AB^۲ < ۸ (۰/۲۵) \Rightarrow AB < \sqrt{۸} (۰/۲۵)$ | ۱/۲۵ |
| | جمع نمره | ۲۰ |

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»

نوین گام

مرجع آموزش ابتدایی، دبیرستان و کنکور

کنکور

دبیرستان

ابتدایی

3

2

1



ما نوی این مسیر هواتون رو داریم

چجوری ؟! اینجوری



کاوجگ

گام به گام

جزوه

آموزش

نمونه سوال

اخبار مهم

آزمون